

Esercitazione 4

- **Dimensionamento dei martinetti**

Per il dimensionamento dei martinetti, come nel caso statico, calcoliamo la forza massima agente su di essi come

$$(4.1) \quad \begin{aligned} F_{1\max} &= 10000 + 25000L_1 \\ F_{2\max} &= -10000 + 50000L_2 \end{aligned}$$

ottenendo come risultato $F_{1\max} = 30000$ N e $F_{2\max} = 20000$ N

A questo punto possiamo ricavarci l'area dei martinetti semplicemente dividendo la forza massima di ogni martinetto per la pressione fornitaci dalla pompa e ottenendo quindi

$$(4.2) \quad \begin{aligned} A_1 &= \frac{F_{1\max}}{P} \\ A_2 &= \frac{F_{2\max}}{P} \end{aligned}$$

con valori di $A_1 = 0.0015$ m² e $A_2 = 0.001$ m².

- **Limitazione delle velocità di azionamento**

Il procedimento che ora illustreremo per la limitazione delle velocità è uguale per entrambi i martinetti e quindi ci limiteremo a descriverlo per il primo.

Per limitare la velocità di azionamento abbiamo due strade possibili: la prima è quella di considerare la perdita di carico concentrata, la seconda è di considerarla distribuita. Risulta conveniente scegliere la seconda strada in quanto la prima ci porterebbe a dover risolvere un'equazione differenziale non lineare.

Considerando delle perdite di carico distribuite possiamo quindi scrivere

$$(4.3) \quad \Delta p = \frac{1}{2} \rho v_t^2 \frac{L}{d} \lambda$$

dove L è la lunghezza del condotto, d il diametro del condotto, λ il coefficiente di attrito che possiamo assumere a $64/Re$, ρ la massa volumica dell'olio e v_t la velocità del fluido nei condotti.

Per l'equilibrio inoltre avremo che

$$(4.4) \quad A_t v_t = A_m \dot{x}$$

Scriviamo quindi l'equilibrio dinamico per il martinetto 1 e otteniamo

$$(4.5) \quad M_{eq} \ddot{x} = PA_m - \Delta PA_s - F_1$$

dove per A_s intendiamo l'area dove c'è lo stelo che è pari a $3/4 A_m$.

Svolgendo i vari passaggi e sostituendo le relazioni prima introdotte abbiamo

$$(4.6) \quad M_{eq} \ddot{x} = PA_m - \frac{1}{2} \rho v_t^2 \frac{L}{d} \frac{64}{Re} \frac{3}{4} A_m - 10000 - 25000x$$

e sostituendo i valori numerici ricaviamo

$$(4.7) \quad 1500\ddot{x} + (2,2E - 6) \frac{L}{d^4} \dot{x} + 25000x = 20000$$

Ponendo $a = 1500$, $b = 2,2E-6$ e $c=25000$, possiamo ricavare immediatamente l'integrale particolare, che sarà uguale a 0,8 e esprimere quello generale come

$$(4.8) \quad x(t) = k_1 e^{\lambda_1 t} + k_2 e^{\lambda_2 t}$$

con

$$(4.9) \quad \lambda_{1,2} = \frac{-b \frac{L}{d^4} \pm \sqrt{b^2 \frac{L^2}{d^8} - 4ac}}{2a}$$

Ricaviamo k_1 e k_2 con le condizioni al contorno del tipo

$$(4.10) \quad \begin{cases} x(0) = 0 \\ \dot{x}(0) = 0 \end{cases}$$

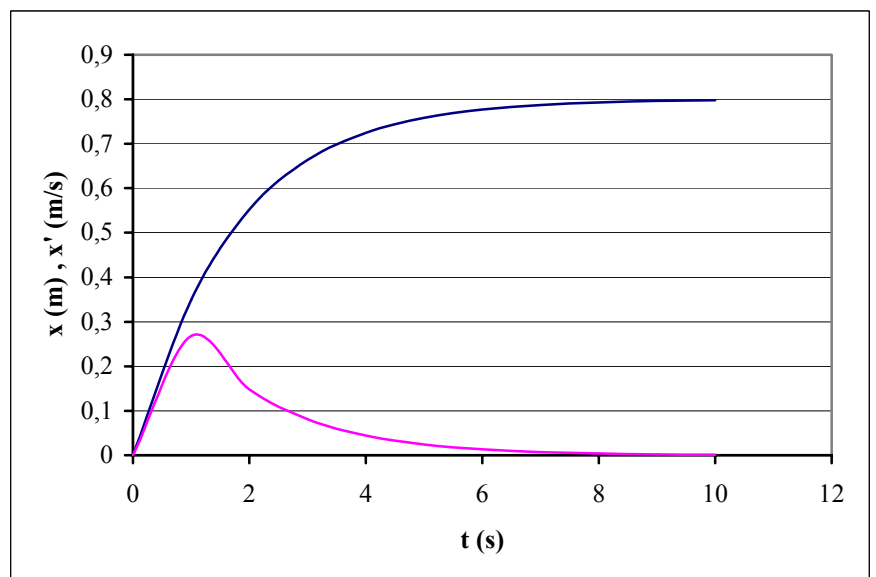
ottenendo

$$(4.11) \quad x(t) = \left(\frac{0,8\lambda_1}{\lambda_1 - \lambda_2} \right) e^{\lambda_1 t} + \left(\frac{0,8\lambda_1}{\lambda_2 - \lambda_1} \right) e^{\lambda_2 t} + 0,8$$

A questo punto necessario è scegliere i valori di L e d tali per cui l'azionamento del martinetto avviene in un tempo di 10 secondi.

Per $L = 5$ m e $d = 0,004$ m si ottiene

tempo (s)	x(t) [m]	v _m (t) [m/s]
0	0	0
1	0.34968	0.268486
2	0.551921	0.147908
3	0.663334	0.081482
4	0.724712	0.044888
5	0.758524	0.024728
6	0.777151	0.013623
7	0.787413	0.007505
8	0.793066	0.004134
9	0.79618	0.002278
10	0.797896	0.001255



Procedendo analogamente per il martinetto 2 e scegliendo $L = 30$ m e $d = 0,004$ otteniamo

tempo (s)	$x(t)$ [m]	$v_m(t)$ [m/s]
0	0	0
1	0.21155	0.171154
2	0.349976	0.110162
3	0.439073	0.070905
4	0.49642	0.045638
5	0.533331	0.029375
6	0.557089	0.018907
7	0.572381	0.012169
8	0.582223	0.007833
9	0.588558	0.005041
10	0.592635	0.003245

