

Aerodinamica

Soluzioni tema d'esame del 5 ottobre 2004

A cura di Camilla e Matteo

Si assume: $N = 10$

E1

L'aria è in condizioni standard:

$$\rho = 1.225 \text{ kg} / \text{m}^3$$

$$T = 288.15 \text{ K}$$

$$R = 287 \text{ J} / \text{kg} / \text{K}$$

$$l = 30 \text{ cm}$$

$$\alpha = 2.5^\circ$$

Si calcola la velocità del suono in condizioni standard:

$$a = \sqrt{\gamma RT} = 341.48 \text{ m} / \text{s}$$

a)

$$V_a = 30 \text{ m} / \text{s}$$

Si calcola il numero di Mach:

$$M_a = \frac{V_a}{a} = 0.08785$$

Poiché il numero di Mach è molto inferiore a 0.3, si può usare la teoria incomprimibile, secondo cui:

$$c_{l,a} = 2\pi \sin(\alpha) = 0.27407$$

$$L_a = \frac{1}{2} \rho V_a^2 l c_{l,a} = 45.324 \text{ N} / \text{m}$$

b)

$$V_b = 200 \text{ m} / \text{s}$$

Il numero di Mach è:

$$M_b = \frac{V_b}{a} = 0.58569$$

Il problema è subsonico (Mach inferiore all'unità), ma non si può considerare incomprimibile. Si ha allora:

$$c_{l,b} = \frac{c_{l,inc}}{\beta_b} = \frac{c_{l,a}}{\sqrt{1 - M_b^2}} = 0.33813$$

$$L_b = \frac{1}{2} \rho V_b^2 l c_{l,b} = 2485.3 \text{ N} / \text{m}$$

c)

$$V_c = 600 \text{ m} / \text{s}$$

Il numero di Mach è:

$$M_c = \frac{V_c}{a} = 1.7571$$

In questo caso il problema è supersonico. Si ha allora:

$$c_{l,c} = \frac{4}{\beta_c} \alpha = \frac{4}{\sqrt{M_c^2 - 1}} \alpha = 0.1208$$

L'incidenza deve essere espressa in radianti.

$$L_c = \frac{1}{2} \rho V_c^2 l c_{l,c} = 7991.2 N / m$$

E2

Considerando gli integrali in senso di Cauchy, in cui la singolarità è integrabile, si ha:

$$v_{lm}(x_0) = \frac{1}{\pi} \int_0^{1-c_p/2} \frac{1}{x-x_0} dx = -\frac{c_p}{2\pi} \int_0^1 \frac{1}{x-x_0} dx = -\frac{c_p}{2\pi} \ln \frac{1-x_0}{x_0}$$

$$y_{lm}(x) = \int_0^x v_{lm}(x_0) dx_0 = -\frac{c_p}{2\pi} \int_0^x \ln \frac{1-x_0}{x_0} dx_0$$

Integrando per parti:

$$\begin{aligned} y_{lm}(x) &= -\frac{c_p}{2\pi} \left[x_0 \ln \frac{1-x_0}{x_0} \Big|_0^x - \int_0^x \frac{1}{1-x_0} dx_0 \right] = \\ &= \frac{c_p}{2\pi} \left[\ln(1-x) - x \ln \frac{1-x}{x} \right] \end{aligned}$$

E3

$$U_e = 4 m / s$$

$$x = 2 m$$

$$\nu = 1.14 \cdot 10^{-6} m^2 / s$$

Il caso è quello della soluzione simile di Blasius. Si ha:

$$\delta^* = 1.7 \sqrt{\frac{x\nu}{U_e}} = 1.28 mm$$